



HY463 - Συστήματα Ανάκτησης Πληροφοριών  
Information Retrieval (IR) Systems

Μέρος Γ  
**Συστήματα Ομοτίμων  
(Peer-to-Peer Systems)  
και Ανάκτηση Πληροφοριών**

Γιάννης Τζιτζίκας

Διάλεξη : 17b

Ημερομηνία : 30-5-2007



**Συστήματα Ομοτίμων  
(Peer-to-Peer Systems)**





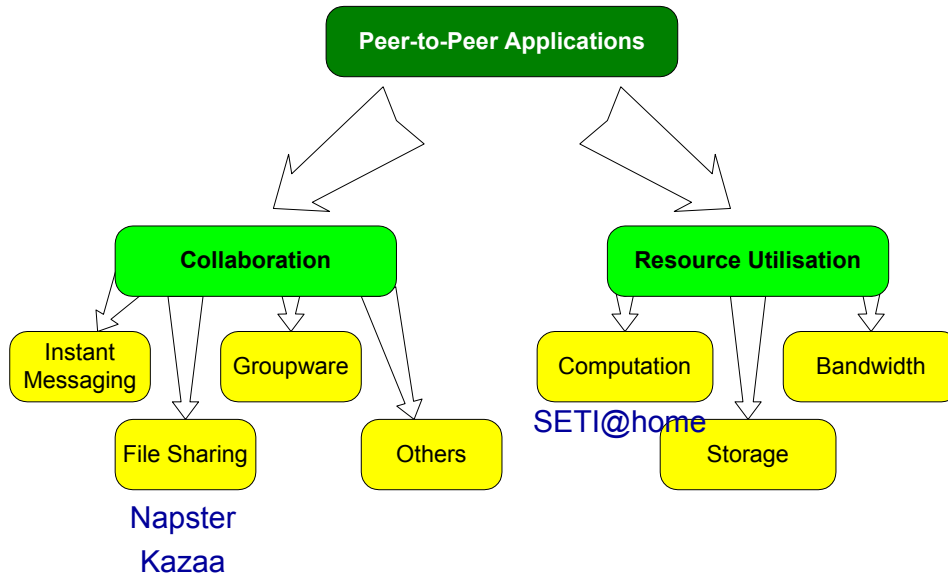
## Διάρθρωση

- Κίνητρο
- Τύποι Ομότιμων Συστημάτων
  - Υβριδικά
  - Αποκεντρωμένα
  - Ιεραρχικά
  - Δομημένα
- Διαφορές με Κατανεμημένη Ανάκτηση
- Ομότιμα Συστήματα και Ανάκτηση Πληροφοριών



## Ομότιμα Συστήματα: Κίνητρο

- Αξιοποίηση των ελεύθερων πόρων συστημάτων προσβάσιμων μέσω Internet για την επίλυση μεγάλων προβλημάτων (π.χ. SETI@home)
- δημιουργία συστημάτων πιο κλιμακόσιμων
- δημιουργία συστημάτων με μεγαλύτερη διαθεσιμότητα
- κατάργηση μονοπωλίων στην διάθεση της πληροφορίας
- αυτό-οργάνωση αντί κεντρικής διαχείρισης (και εξόδων αυτής)

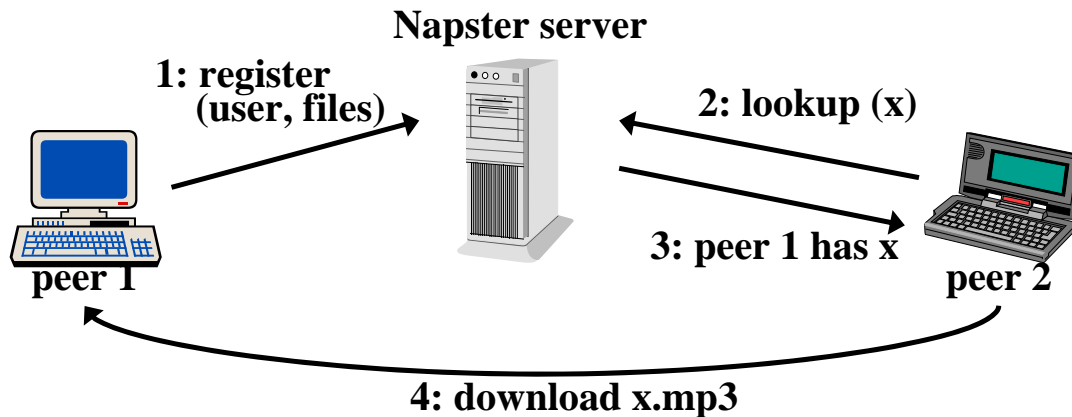


## Ομότιμα Συστήματα 1ης Γενιάς: Υβριδικά Napster



Ονομάζονται και **Υβριδικά Ομότιμα Συστήματα** (Hybrid P2P systems) διότι υπάρχει ένας κεντρικός εξυπηρετητής

**Napster** (1998-2001): διαμοιρασμός MP3



Μπορούμε να τα δούμε ως publish-subscribe systems: ο ιδιοκτήτης ενός αρχείο το διαθέτει με ένα όνομα x, οι άλλοι χρήστες μπορούν να αναζητήσουν το x, να βρουν ένα αντίγραφο και να το κατεβάσουν



## Google (Client-Server) vs. Napster (P2P)

Google™



- Και οι δυο εφαρμογές έχουν την ίδια κλίματα
  - εκατομμύρια αναζητήσεις ημερησίως
  - Terabytes δεδομένων
- Google
  - Στηρίζεται σε περίπου 100.000 μηχανές
  - το στήσιμο μιας τέτοια εφαρμογής έχει μεγάλο κόστος (μόνο μια μεγάλη επιχείρηση μπορεί να κάνει τέτοια επένδυση)
- Napster
  - ο server χρησιμοποιεί μόνο 100 μηχανές
  - το κόστος αποθήκευσης και μεταφοράς των μουσικών αρχείων χρεώνεται στις μηχανές των χρηστών του συστήματος (γι' αυτό ονομάζεται P2P)
  - μικρό κόστος



## Τα Πλεονεκτήματα των Ομοτίμων Συστημάτων

### Διαμερισμός πόρων

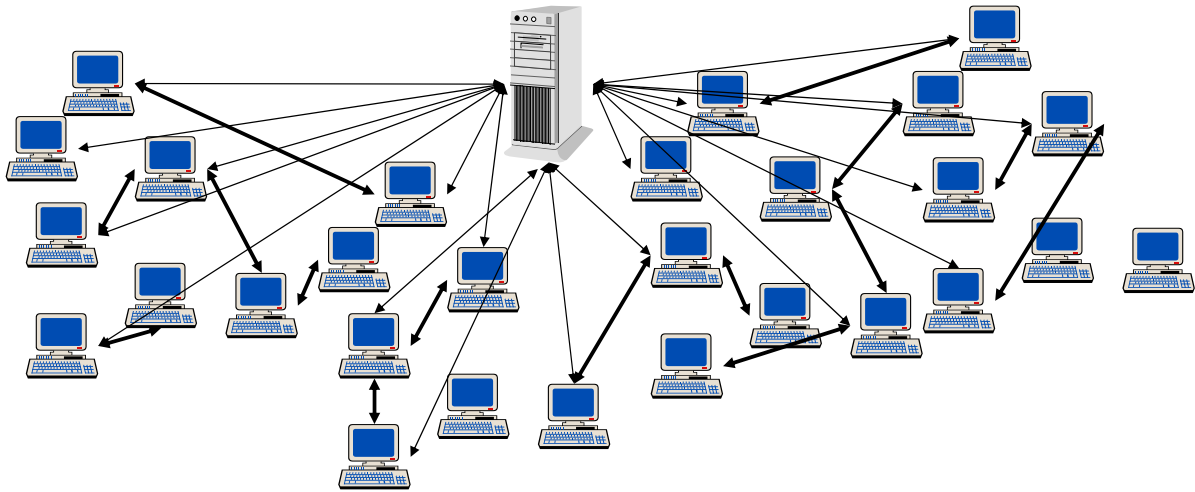
- **αποθηκευτικών**
  - οι εκατομμύρια χρήστες του Napster αποθηκεύουν τα αρχεία, όχι ο εξυπηρετητής
- **επικοινωνίας**
  - το κατέβασμα αρχείων γίνεται μεταξύ των χρηστών, ο εξυπηρετητής δεν παρεμβάλλεται
- **εισαγωγής στοιχείων**
  - οι χρήστες του Napster εισάγουν τα αρχεία στο σύστημα
  - οι χρήστες του Napster τα κατηγοριοποιούν

### Δίδαγμα:

*Η αποκέντρωση επιτρέπει τη δημιουργία εφαρμογών παγκόσμιας κλίμακας χωρίς την ανάγκη μεγάλων επενδύσεων αλλά με την αξιοποίηση των πόρων που ήδη υπάρχουν*



## Ομότιμα Συστήματα 1ης Γενιάς: Υβριδικά Napster

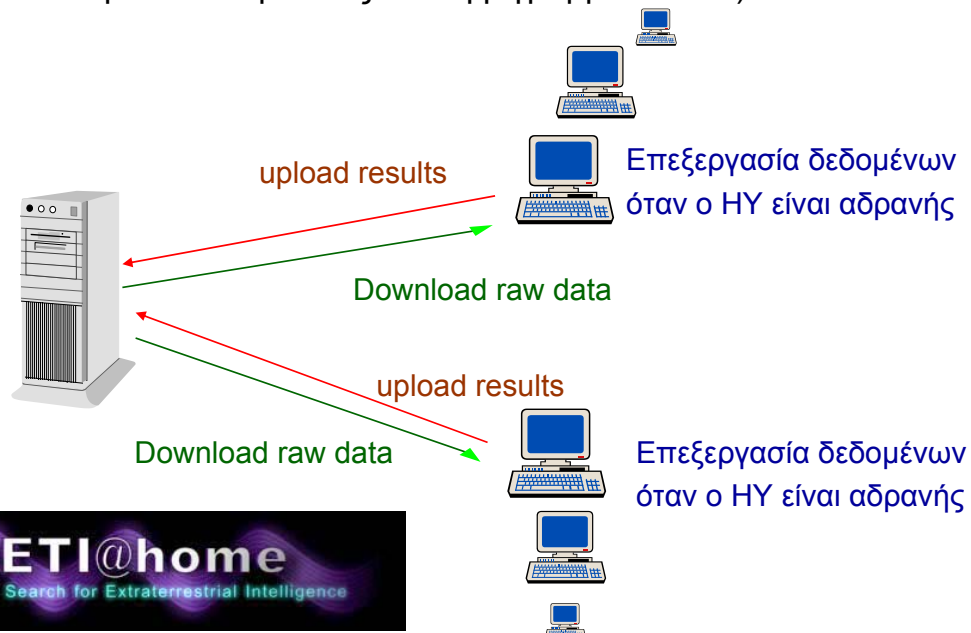


A central point of failure



## Ομότιμα Συστήματα 1ης Γενιάς: Υβριδικά SETI@home

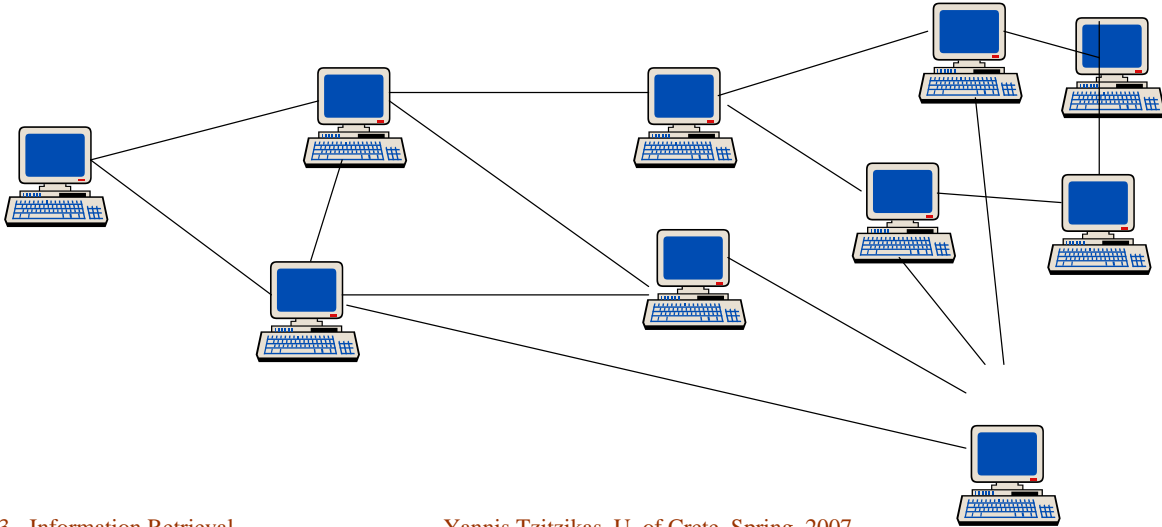
Σκοπός: Διαμοιρασμός υπολογιστικών πόρων  
(αξιοποίηση των περιόδων αδράνειας των εγγεγραμμένων ΗΥ)





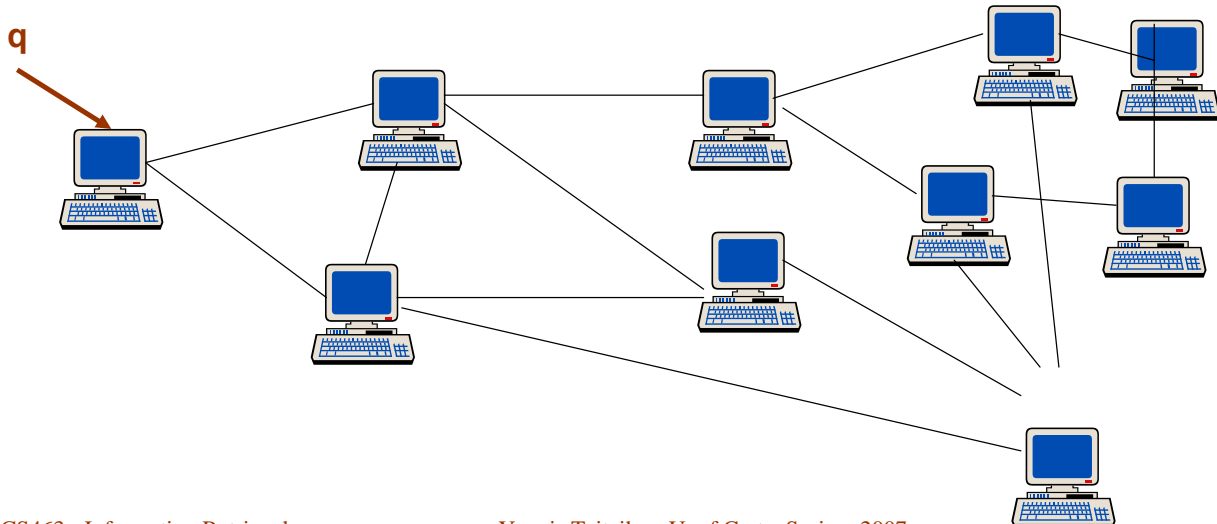
## Ομότιμα Συστήματα 1ης Γενιάς: Αποκεντρωμένα GNUTELLA

- Δεν υπάρχει κανένας κεντρικός εξυπηρετητής
- Ονομάζονται και Αποκεντρωμένα (Decentralized P2P systems), Αδόμητα (Unstructured P2P systems), Pure P2P systems
- Gnutella (1999-now):



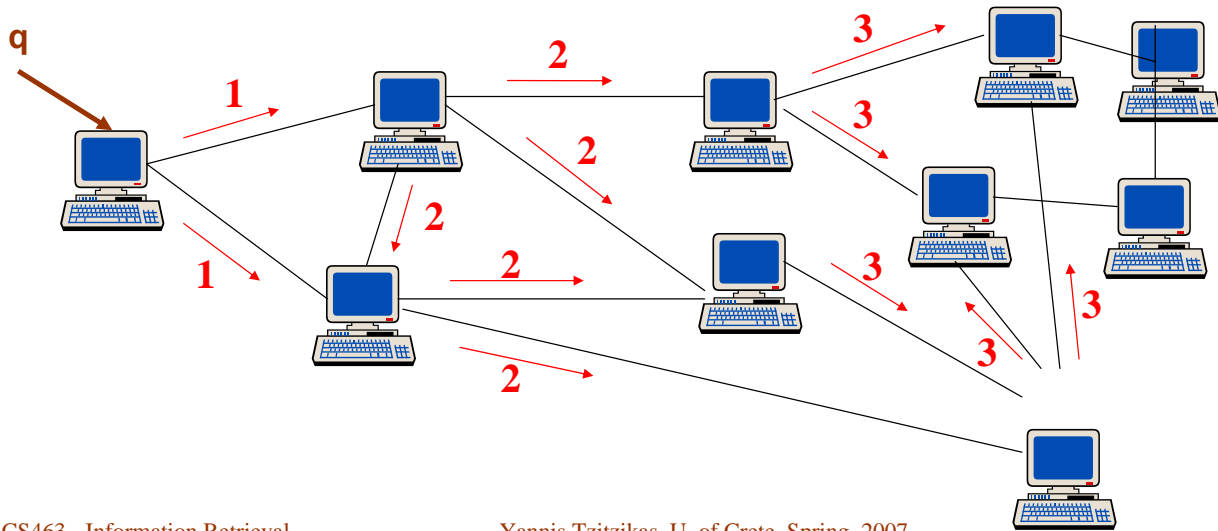
## Ομότιμα Συστήματα 1ης Γενιάς: Αποκεντρωμένα GNUTELLA

- Δεν υπάρχει κανένας κεντρικός εξυπηρετητής
- Ονομάζονται και Αποκεντρωμένα (Decentralized P2P systems), Αδόμητα (Unstructured P2P systems), Pure P2P systems
- Gnutella (1999-now):

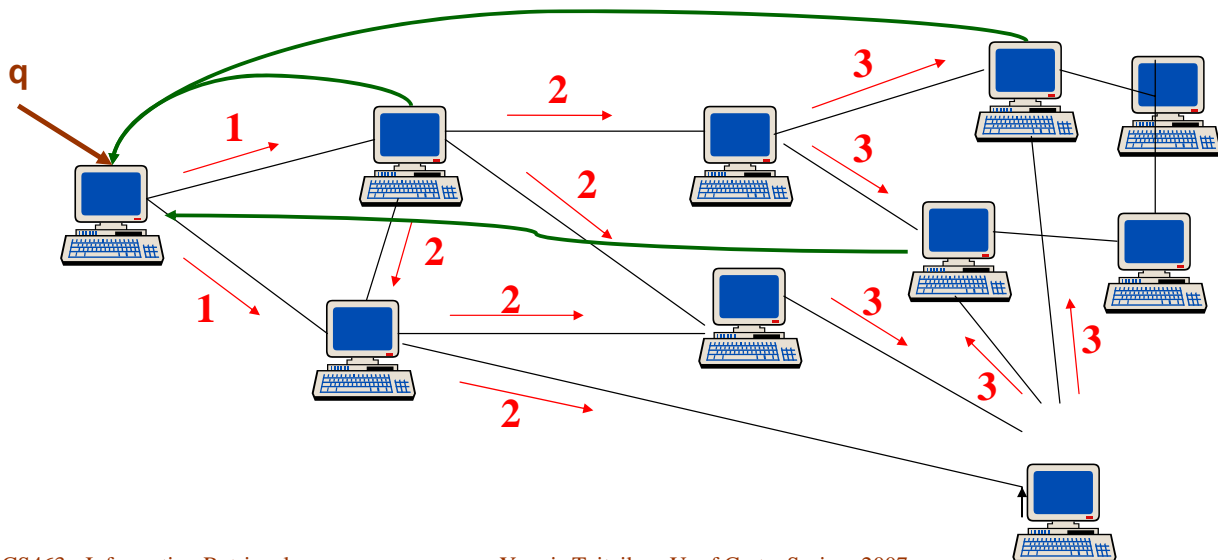




### Κατακλυσμός Μηνυμάτων (Message Flooding or Gossiping)



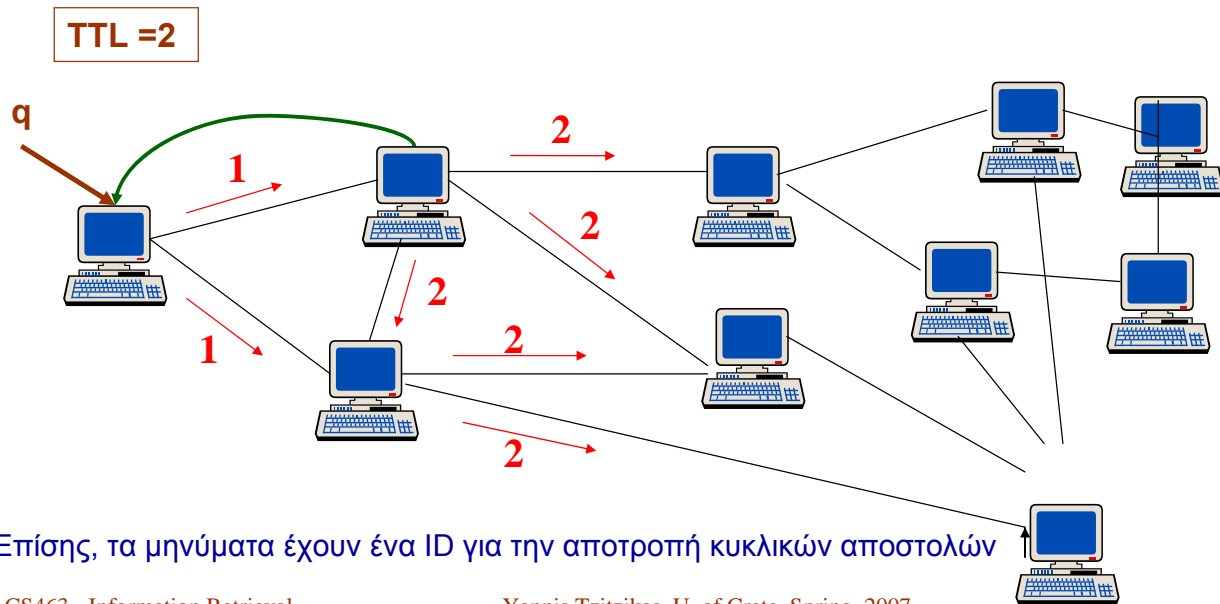
### Κατακλυσμός Μηνυμάτων (Message Flooding)





## Ομότιμα Συστήματα 1ης Γενιάς: Αποκεντρωμένα GNUTELLA

- Τα μηνύματα έχουν ένα TTL (time-to-live) tag



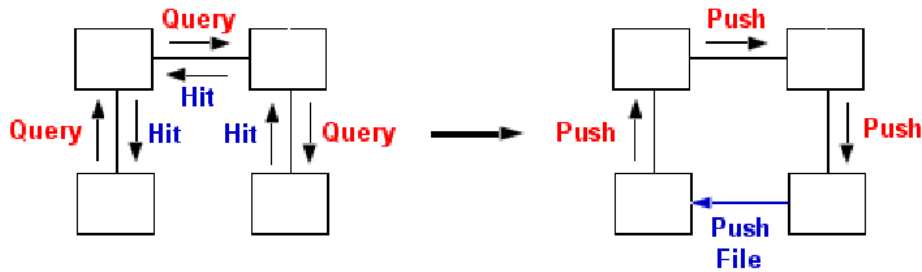
## GNUTELLA: The protocol

- **Ping**
  - Used to actively discover hosts on the network. A server receiving a **Ping** descriptor is expected to respond with one or more **Pong** descriptors.
- **Pong**
  - The response to a **Ping**. Includes the address of a connected Gnutella server and information regarding the amount of data it is making available to the network.
- **Query**
  - The primary mechanism for searching the distributed network. A server receiving a Query descriptor will respond with a **QueryHit** if a match is found against its local data set.
- **QueryHit**
  - The response to a Query. This descriptor provides the recipient with enough information to acquire the data matching the corresponding Query.
- **Push**
  - A mechanism that allows a firewalled server to contribute file-based data to the network.





## GNUTELLA: The protocol



Example 2. Query/QueryHit/Push Routing

- Συνήθως κάθε κόμβος προωθεί μια επερώτηση σε  $C$  γείτονες (συνήθως  $C=3$ )
- Τυπική τιμή  $TTL=7$ 
  - (πειράματα έδειξαν ότι η διάμετρος του Gnutella δικτύου είναι συνήθως 7)



## Napster vs. Gnutella

- Napster (υπάρχει κεντρικός εξυπηρετητής)
  - single point of failure
  - στόχος νομικής επίθεσης
- Gnutella (δεν υπάρχει κεντρικός εξυπηρετητής)
  - δεν υπάρχει "single point of failure"
  - δεν μπορεί να γίνει εύκολα στόχος νομικής επίθεσης
  - δεν απαιτεί καμία επένδυση
  - δεν έχει κόστος διαχείρισης (administration)
  - "self-organizing system"
    - however, "free-riders" may occur



## GNUTELLA: Επιδόσεις

### Επιδόσεις

- Χρόνος αναζήτησης: Σχετικά μικρός
- Πλήθος Μηνυμάτων: **Μεγάλο**
- Κόστος αποθήκευσης: Μικρό (κάθε κόμβος γνωρίζει μόνο τους διπλανούς του)
- Κόστος ενημέρωσης: Μικρό (γείτονες)
- Ανθεκτικότητα σε σφάλματα: Μεγάλη



## Ομότιμα Συστήματα 2ης Γενιάς

### Πρωτότυπα ερευνητικά συστήματα:

Chord (MIT), CAN (Berkeley), OceanStore/Tapestry (Berkeley), Farsite (MSR), Spinglass/Pepper (Cornell), Pastry/PAST (Rice, MSR), Viceroy (Hebrew U), P-Grid (EPFL), P2P-Net (Magdeburg), Pier (Berkeley), Peers (Stanford), Kademia (NYU), Bestpeer (Singapore), YouServ (IBM Almaden), Hyperion (Toronto), Piazza (UW Seattle), PlanetP (Rutgers), SkipNet (MSR),

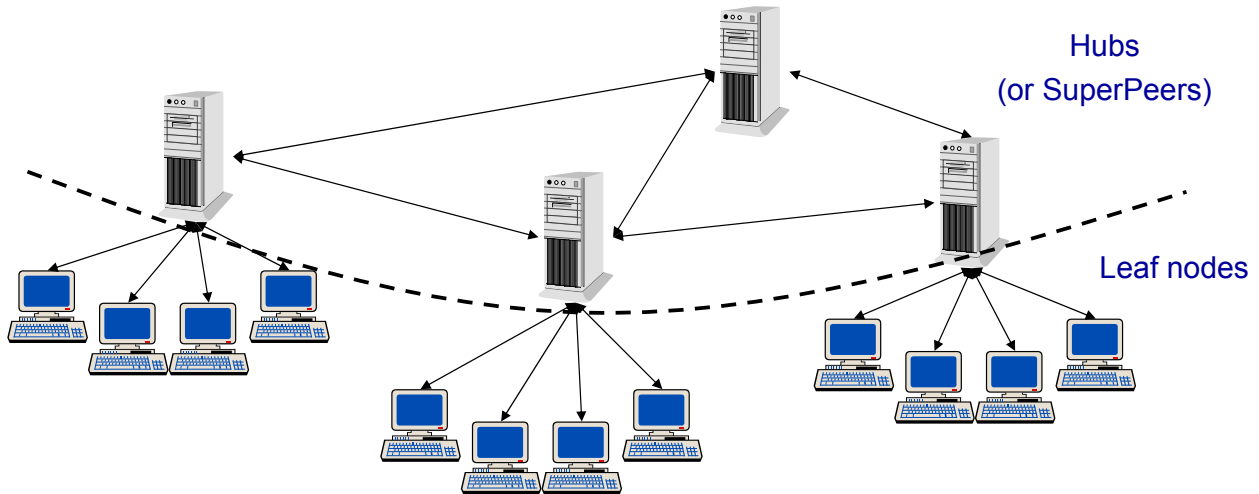
*Μπορούμε να διακρίνουμε 2 μεγάλες κατηγορίες*

- **Ιεραρχικά Ομότιμα Συστήματα (Hierarchical P2P systems)**
  - Π.χ. Το σύστημα **Kazaa**
- **Δομημένα Ομότιμα Συστήματα (Structured P2P systems)**
  - Π.χ. το σύστημα **Chord**



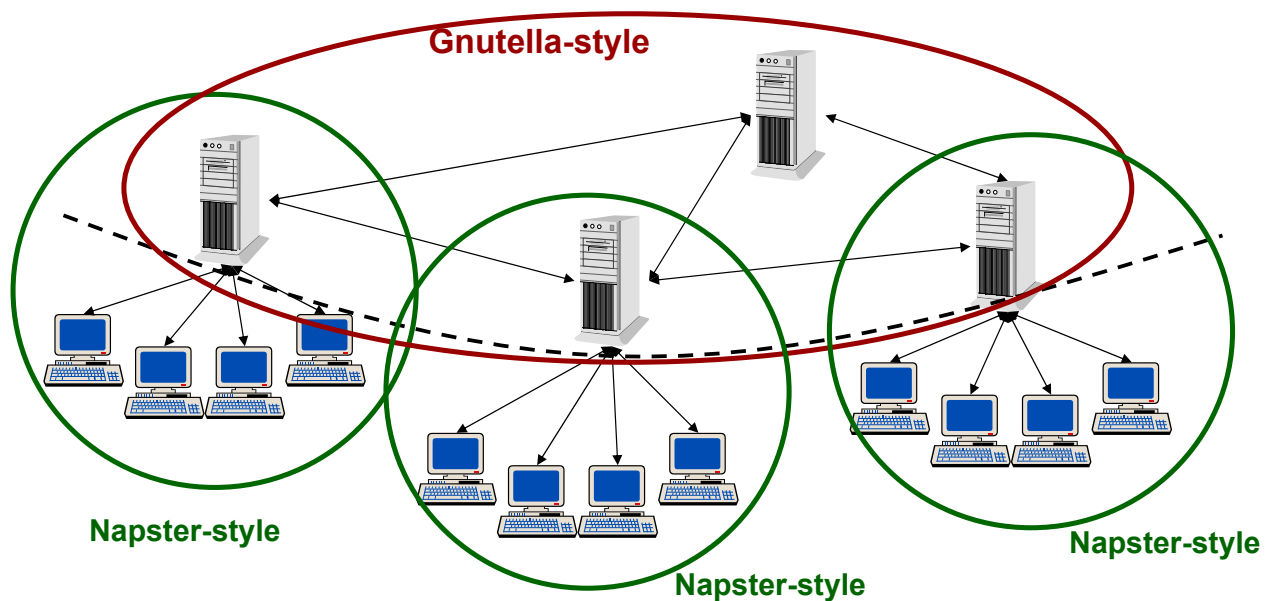
## Ιεραρχικά Ομότιμα Συστήματα (Hierarchical P2P Systems)

Συστήματα: Morpheus, Kazaa, Limewire, JXTA Search, Gnutella 0.6



## Ιεραρχικά Ομότιμα Συστήματα (Hierarchical P2P Systems)

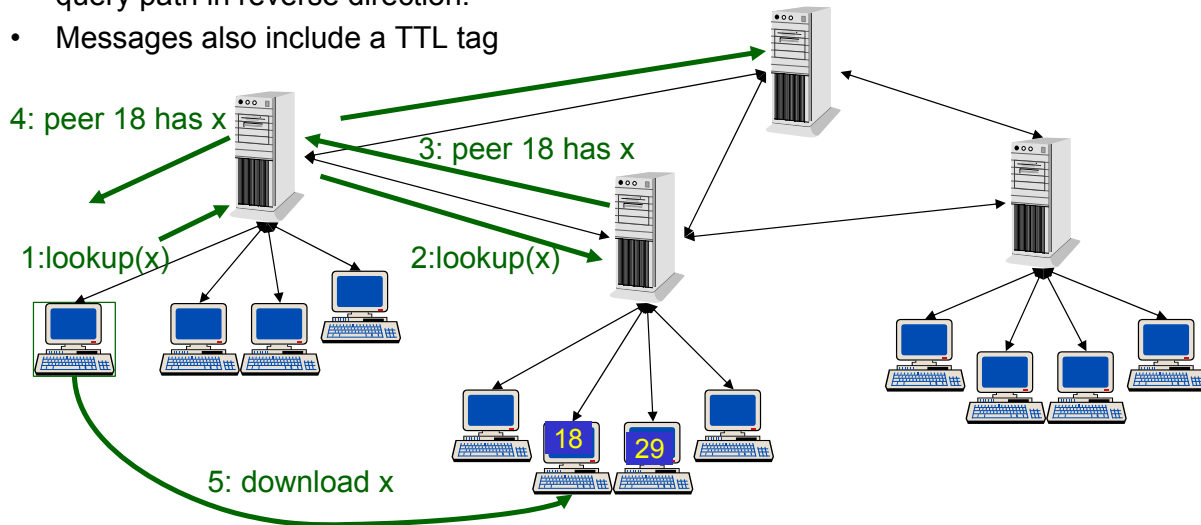
Συνδυασμός Napster και Gnutella





## Ιεραρχικά Ομότιμα Συστήματα (Hierarchical P2P Systems)

- .. Searching relies on **message-passing** between nodes.
- A **query** generated by a client node and is routed to a hub, from one hub to another, or from a hub to a leaf node.
- A response message (“**queryhit**”) is generated by a leaf node and routed back along the query path in reverse direction.
- Messages also include a TTL tag



## Ιεραρχικά Ομότιμα Συστήματα (Hierarchical P2P Systems)

### Επιδόσεις

- Χρόνος αναζήτησης: Πολύ μικρός
- Πλήθος Μηνυμάτων: Μικρό
- Κόστος αποθήκευσης: Μικρό στα φύλλα, Μεγάλο στους εξυπηρετητές ευρετηρίου
- Κόστος ενημέρωσης: Μικρό
- Ανθεκτικότητα σε σφάλματα: **Μικρή**



## Δομημένα Ομότιμα Συστήματα (Structured P2P Systems)

Σκοπός:

Γρήγορη εύρεση του κόμβου που περιέχει ένα κλειδί χωρίς τη χρήση κεντρικού εξυπηρετητή και ανταλλάσσοντας λίγα μηνύματα

- Εύκολο κομμάτι:
  - κατανομή ευρετηρίου σε όλους τους κόμβους
- Δύσκολο:
  - κατανομή ευρετηρίου σε όλους τους κόμβους με τέτοιο τρόπο ώστε να έχουμε γρήγορη αναζήτηση
- Συστήματα
  - Freenet, Chord, CAN, Pastry, Tapestry, FreeNet, P-Grid,

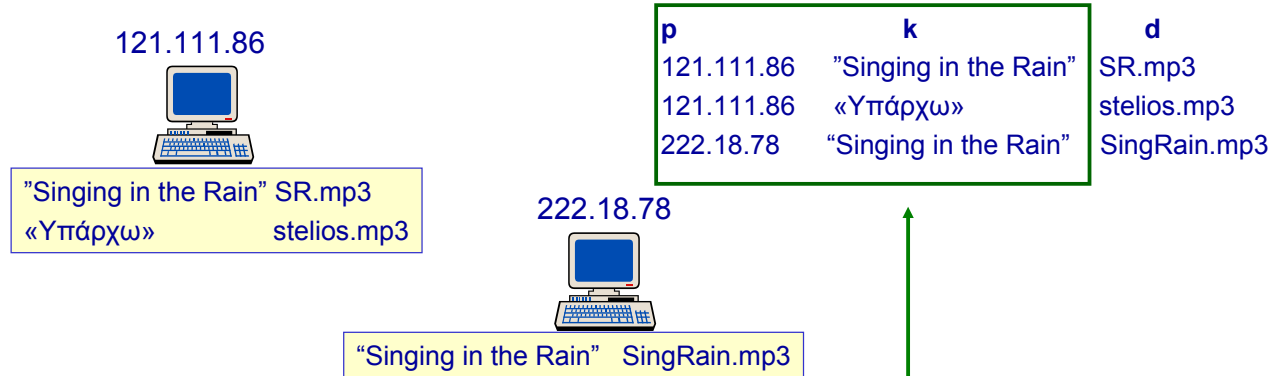


## Δομημένα Ομότιμα Συστήματα

- Κοινά χαρακτηριστικά των δομημένων ομότιμων συστημάτων
  - κάθε κόμβος διατηρεί ένα μικρό τμήμα του καθολικού ευρετηρίου (πίνακας δρομολόγησης)
  - οι αναζητήσεις γίνονται με προώθηση μηνυμάτων προς τη «σωστή» κατεύθυνση
- Διαφορετικές Προσεγγίσεις
  - FreeNet: caching πληροφορίας ευρετηρίου κατά μήκος των μονοπατιών αναζήτησης
  - Chord: κατασκευή ενός κατανεμημένου πίνακα κατακερματισμού (Distributed Hash Table, DHT)
  - CAN: Δρομολόγηση βάσει d-διάστατου χώρου
  - P-Grid: κατανομή ενός δυναμικού δένδρου αναζήτησης



## Το Πρόβλημα του Εντοπισμού Πόρου (Resource Location)



Έστω peer με δνση **p** που αποθηκεύει στοιχείο **d** που χαρακτηρίζεται από το κλειδί **k**  
 Ζητούμενο: Δοθέντος **k** (ή συνθήκης πάνω στο **k**) εντόπισε τον peer που έχει το **d**,  
 δηλαδή βρες το ζεύγος ευρετηρίου (**k,p**).

(άρα το ευρετήριο μας αποτελείται από ζεύγη της μορφής (**k,p**))

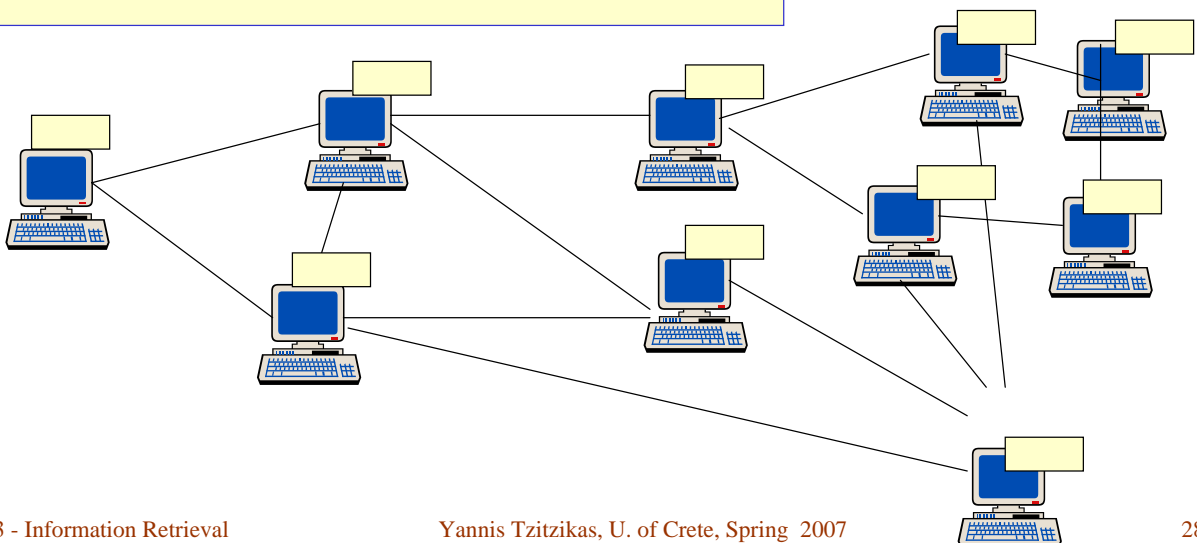
Κρίσιμο ερώτημα: *Πως μπορούμε να (α) φτιάξουμε, (β) συντηρήσουμε και (γ) να χρησιμοποιήσουμε ένα τέτοιο ευρετήριο χωρίς κεντρικό έλεγχο;*



## Freenet:

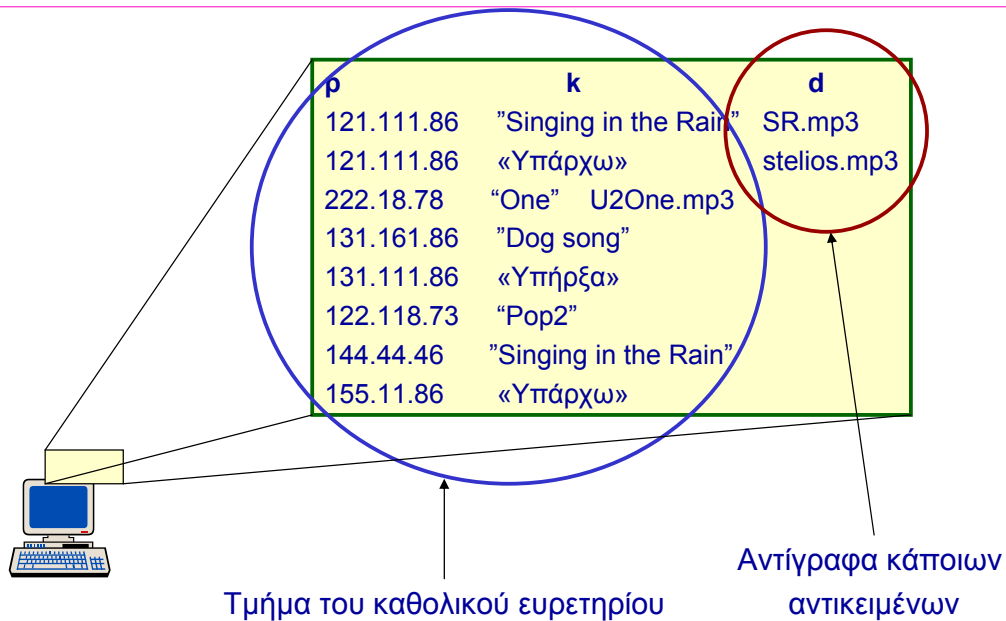
- Σύστημα για δημοσίευση και ανάκτηση δεδομένων με έμφαση στην ανωνυμία (και των συγγραφέων και των αναγνωστών)
- Τα κλειδιά και τα δεδομένα αποθηκεύονται *κρυπτογραφημένα*

Μοιάζει με: Gnutella + cache at each node



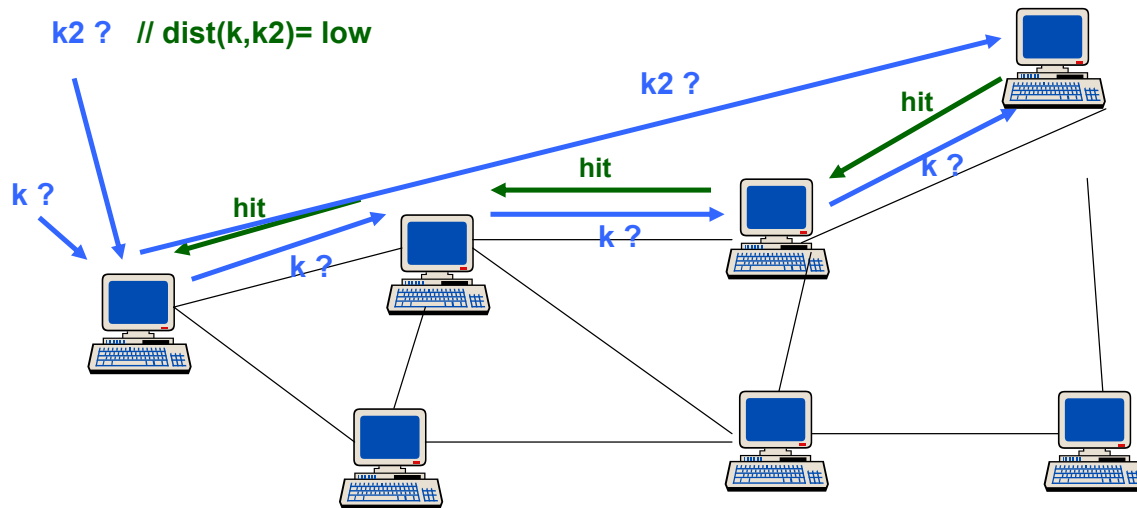


## Freenet: Cache



## Freenet: Τρόπος Εντοπισμού Πόρου

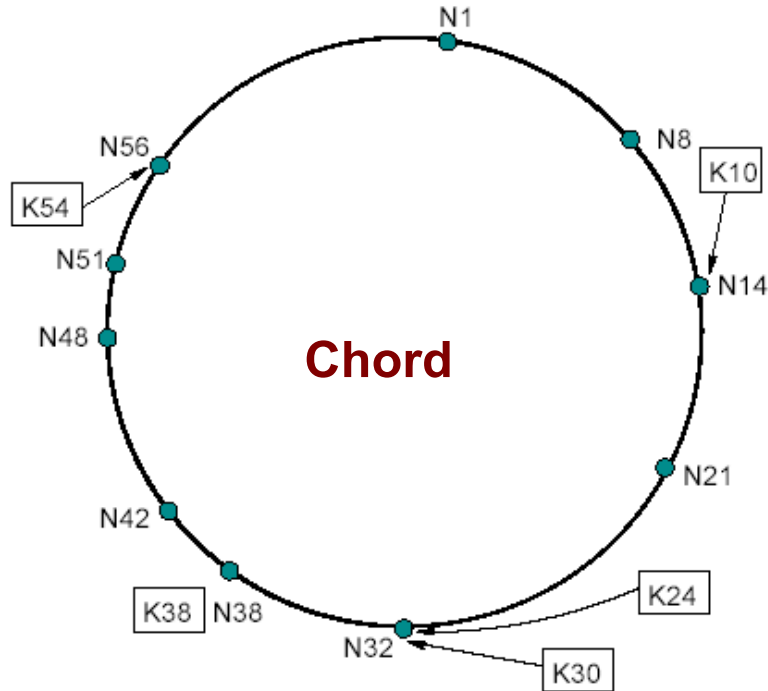
- Έλευση επερώτησης k
  - Αν η έγγραφη (p,k,d) είναι στη κρυφή μνήμη επέστρεψε το d
  - Αλλιώς προώθησε την επερώτηση στον κόμβο που έχει το πιο όμοιο κλειδί
- Η διαδικασία αυτή συνεχίζεται με αυτόν τον τρόπο έως ότου ευρεθεί το αναζητούμενο ή το TTL φτάσει την τιμή 0.
- Έλευση απάντησης (k,p,d)
  - Η τριάδα εισάγεται στην κρυφή μνήμη
  - Η παλαιότερη έγγραφη (least recently used) διαγράφεται από την κρυφή μνήμη
- Παρατηρήσεις
  - Οι δρομολογήσεις που κάνουν οι κόμβοι βελτιώνονται συν το χρόνο
  - Οι κόμβοι τείνουν να έχουν στην κρυφή τους μνήμη εγγραφές με παρόμοια κλειδιά (άρα επιτυγχάνεται ένα είδος ομαδοποίησης)



## Freenet: Εισαγωγή Νέου Πόρου

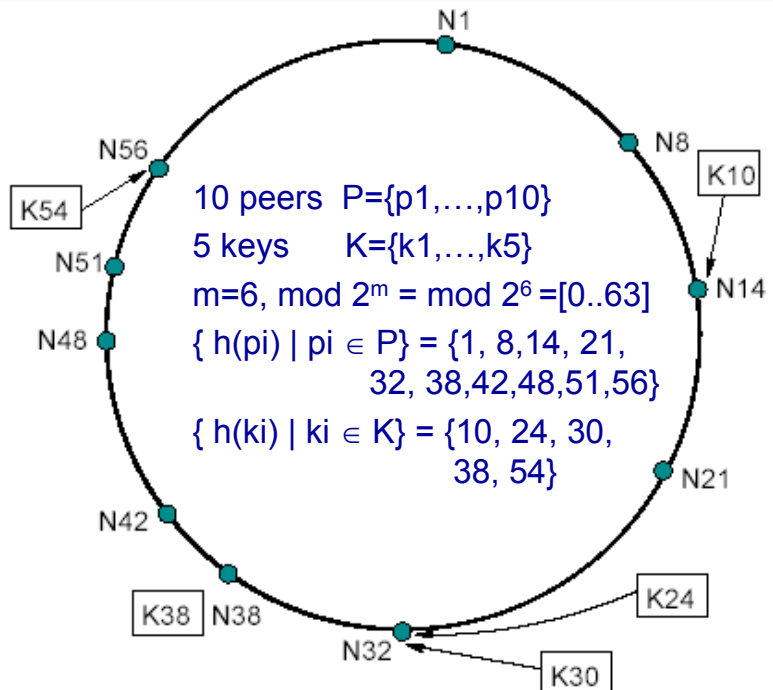
- Υπολογίζουμε το κλειδί του νέου πόρου
- Φτιάχνεται η εγγραφή εισαγωγής και στέλνεται στον γείτονα με το πιο κοντινό κλειδί
- Κάθε κόμβος που λαμβάνει το νέο κλειδί, ελέγχει αν το κλειδί αυτό υπάρχει ήδη
- αν ναι, έχουμε σύγκρουση (collision), και άρα ο αρχικός κόμβος πρέπει να προτείνει ένα νέο κλειδί
- αν όχι, δρομολόγηση στον επόμενο κόμβο με τον ίδιο τρόπο
- Αν TTL=0 και δεν είχαμε καμία σύγκρουση, τότε η τριάδα αποθηκεύεται σε όλους τους κόμβους του μονοπατιού που ακολουθήθηκε





## Chord (Distributed Hash Tables (DHT))

- Κατακερματισμός (Hashing) κλειδιών ( $k$ ) και διευθύνσεων ( $p$ ) σε δυαδικά κλειδιά με  $m$ -bits
  - π.χ.  $m=6$ ,  $h(\text{«υπάρχω»})=11$ ,  $h(196.178.0.1)=3$
- Τα δυαδ. κλειδιά τοποθετούνται σε έναν κύκλο modulo  $2^m$ 
  - Για  $m=8$ , κυκλική διάταξη των αριθμών  $0 \dots 255$
- Ένα κλειδί  $k$  εκχωρείται στον πρώτο κόμβο  $p$  τ.ω.  $h(p) \geq h(k)$
- Αυτός ο κόμβος λέγεται **successor(k)**

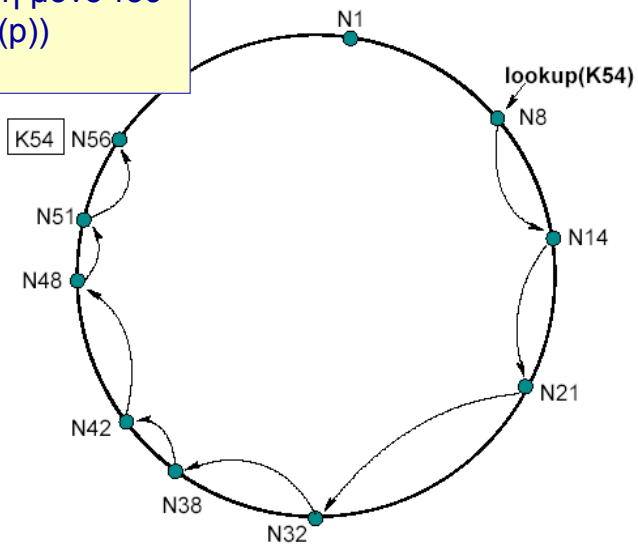




## Chord : Απλός τρόπος εντοπισμού κόμβων

Έστω ότι κάθε κόμβος  $p$  ξέρει την δνση μόνο του επόμενου του ( του  $p'$  με  $h(p') > h(p)$ )

```
// ask node n to find the successor of id
n.find_successor(id)
  if (id in (n; successor])
    return successor;
  else
    // forward the query around the circle
    return successor.find_successor(id);
```



=> Number of messages linear in the number of nodes !



## Chord : Ένας πιο γρήγορος τρόπος εντοπισμού κόμβων με Πίνακες Δρομολόγησης

- Επιπλέον πληροφορία δρομολόγησης για επιτάχυνση
- Κάθε κόμβος  $n$  έχει έναν **πίνακα δρομολόγησης** με  $m$  εγγραφές
  - οι  $m$  αυτοί κόμβοι έχουν εκθετικά αυξανόμενη απόσταση από τον  $n$
- Η  $i$  εγγραφή του πίνακα έχει την δνση του πρώτου κόμβου με κλειδί μεγαλύτερο ή ίσο με  $n+2^{i-1}$

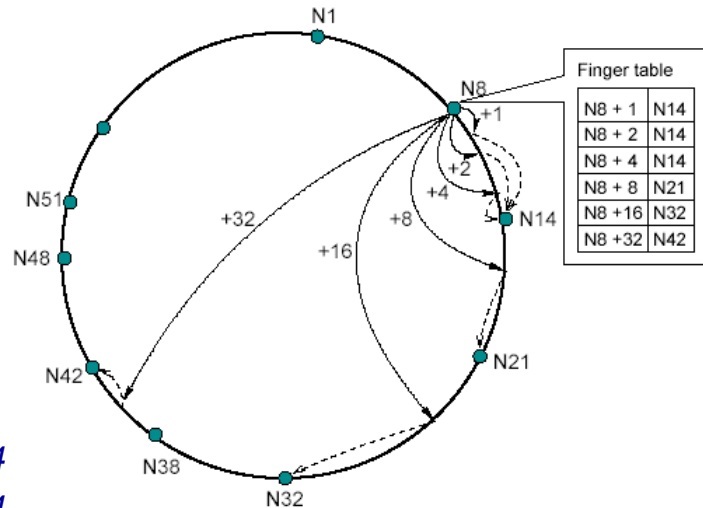
$$finger[i] = successor(n + 2^{i-1})$$



## Chord : Παράδειγμα Πίνακα Δρομολόγησης

Finger table:

$$finger[i] = successor(n + 2^{i-1})$$



$n=8$

$$finger[1] = succ(n+1) = succ(9) = 14$$

$$finger[2] = succ(n+2) = succ(10) = 14$$

$$finger[3] = succ(n+4) = succ(12) = 14$$

$$finger[4] = succ(n+8) = succ(16) = 21$$

$$finger[5] = succ(n+16) = succ(24) = 32$$

$$finger[6] = succ(n+32) = succ(40) = 42$$



## Chord: Εντοπισμός Πόρου με Πίνακες Δρομολόγησης

Έστω μια επερώτηση  $k$  προς έναν κόμβο  $n$

Ο  $n$  κοιτάζει τον πίνακα δρομολόγησης του και

βρίσκει τον μικρότερο  $p \geq k$  με κλειδί μεγαλύτερο αυτού της επερώτησης.

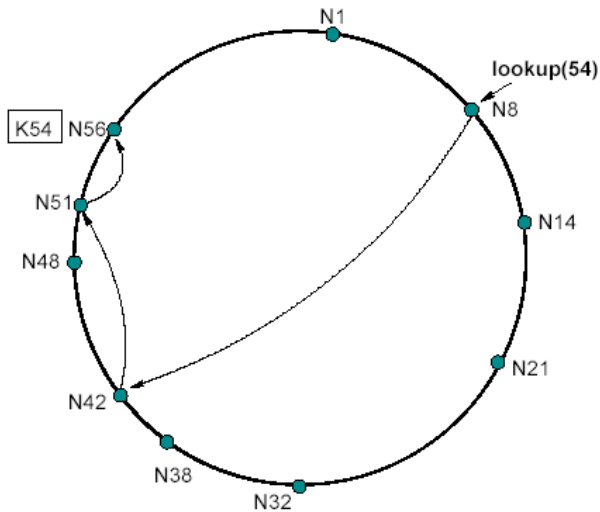
Αν δεν υπάρχει τέτοιος  $p \geq k$ , τότε ο ίδιος είναι υπεύθυνος για το  $k$  (και άρα το ζητούμενο βρέθηκε)

Αλλιώς προωθεί την επερώτηση

Αφού οι εγγραφές των πινάκων δρομολόγησης είναι εκθετικά αύξουσες, η αναζήτηση (με μεγάλη πιθανότητα) λαμβάνει λογαριθμικό χρόνο.



## Chord: Πλήθος μηνυμάτων: $O(\log N)$



N8		N42	
Finger table		Finger table	
N8 + 1	N14	N42 + 1	N48
N8 + 2	N14	N42 + 2	N48
N8 + 4	N14	N42 + 4	N48
N8 + 8	N21	N42 + 8	N51
N8 + 16	N32	N42 + 16	N1
N8 + 32	N42	N42 + 32	N14

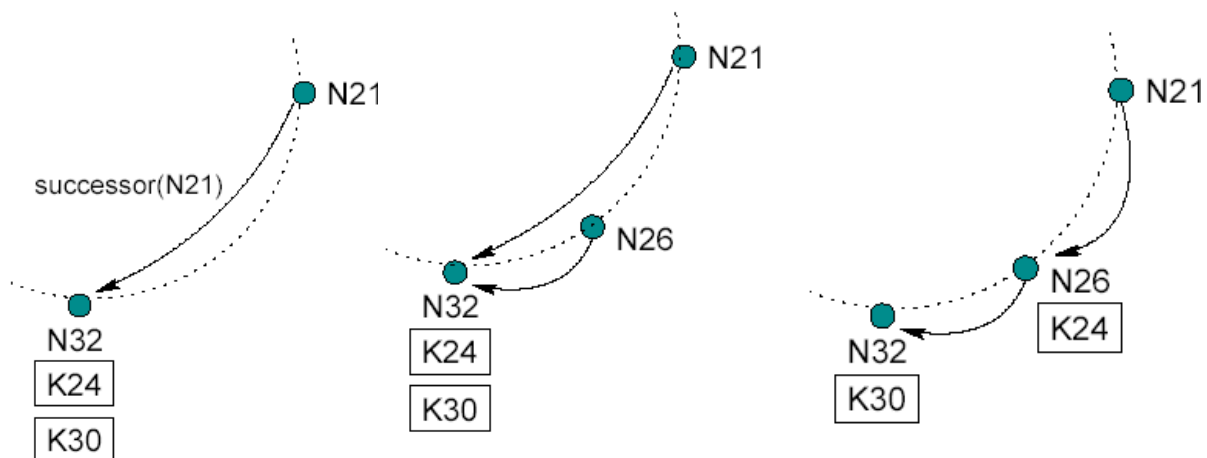
Εύρεση με ανταλλαγή τριών μηνυμάτων

- Search in finger table for the nodes which most immediately precedes id
- Invoke `find_successor` from that node
- => **Number of messages  $O(\log N)$**



## Chord: Είσοδος νέου κόμβου

- Ο νέος κόμβος πρέπει να φτιάξει τον πίνακα δρομολόγησης του
- Το κόστος κατασκευής του είναι αυτό της αναζήτησης
- Οι άλλοι κόμβοι πρέπει να ενημερώσουν τους δικούς τους πίνακες





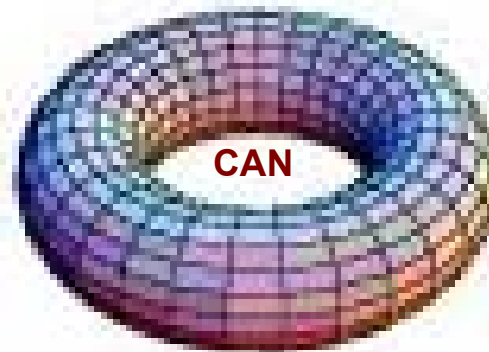
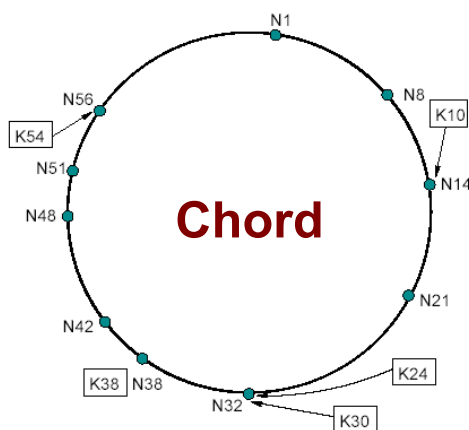
## Chord : Περίληψη

### Βασικά σημεία:

- Κάθε κόμβος αποθηκεύει πληροφορία για μικρό αριθμό κόμβων ( $m$ )
  - Κάθε κόμβος ξέρει περισσότερα για τους κοντινούς του όρους (απ'ότι για τους μακρινούς)

### Επιδόσεις

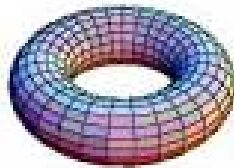
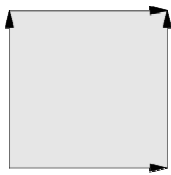
- Χρόνος αναζήτησης:  $O(\log n)$  (με μεγάλη πιθανότητα)
  - Πλήθος Μηνυμάτων:  $O(\log n)$  (επιλεκτική δρομολόγηση μηνυμάτων)
  - Κόστος αποθήκευσης:  $O(\log n)$  (πίνακας δρομολόγησης)
  - Κόστος εισόδου/εξόδου κόμβου:  $O(\log^2 n)$
  - Κόστος ενημέρωσης: μικρό (περίπου σαν το κόστος αναζήτησης)
- **Chord software**
    - 3000 lines of C++ code, Library to be linked with the application, provides a `lookup(key)` – function: yields the IP address of the node responsible for the key, Notifies the node of changes in the set of keys the node is responsible for





## Δομημένα Ομότιμα Συστήματα CAN (Content Addressable Network)

- Βασίζεται στον κατακερματισμό κλειδιών στον **κ-διάστατο** Καρτεσιανό χώρο (torus) (συνήθως  $\kappa=2-10$ )
  - Κλειδί = σημείο του κ-διάστατου χώρου
    - κ διαστάσεις,  $\text{Hash}(\text{key}) = (x_1, \dots, x_k)$
  - Κάθε κόμβος είναι υπεύθυνος για ένα κομμάτι του χώρου, μία **ζώνη**
    - Αποθηκεύει το ευρετήριο των αντικειμένων των οποίων οι συντεταγμένες εμπίπτουν στην ζώνη του
  - Κάθε κόμβος αποθηκεύει τις διευθύνσεις των κόμβων των διπλανών ζωνών
  - Εύρεση πόρου = δρομολόγηση στις ζώνες

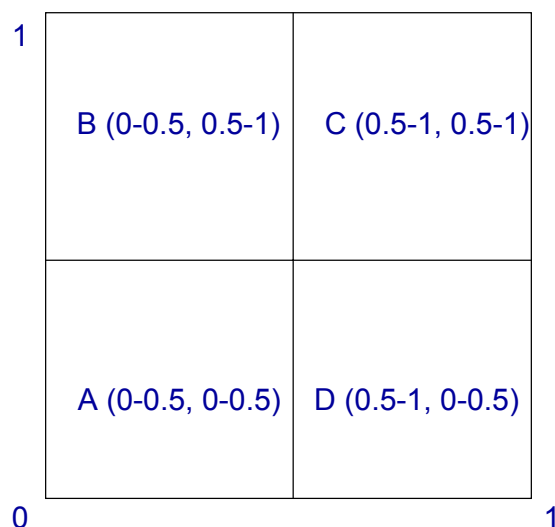


<http://mathworld.wolfram.com/Torus.html>



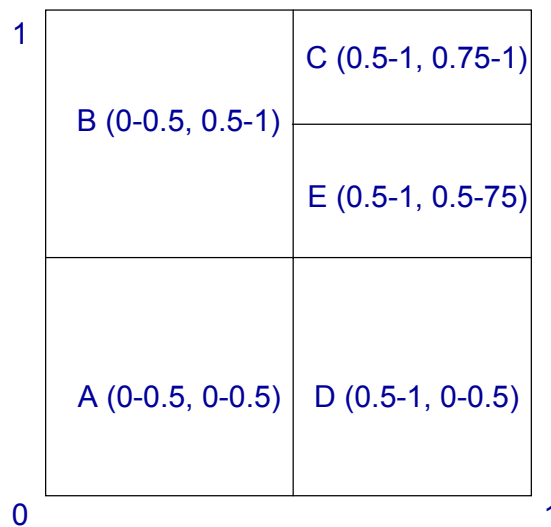
## Δομημένα Ομότιμα Συστήματα CAN

- Π.χ. για 2D, 4 peers A, B, C, D

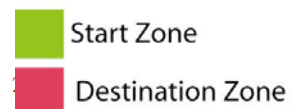
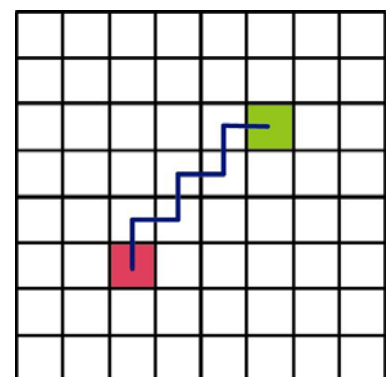
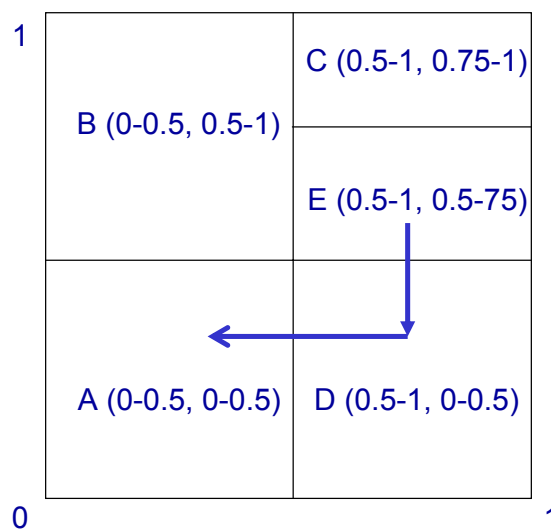




- Είσοδος ενός νέου κόμβου E

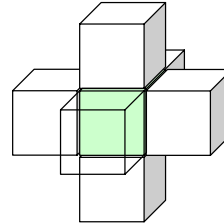
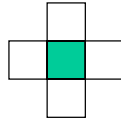


- Ο E θέλει να ανακτήσει το αντικείμενο με συντεταγμένες (0.2, 0.2)





- Αυξάνοντας τις διαστάσεις
  - μειώνεται το μήκος του μονοπατιού αναζήτησης
  - αυξάνεται το πλήθος των γειτόνων που πρέπει κάθε κόμβος να αποθηκεύει



- Πολυπλοκότητα αναζήτησης  $n$  κόμβοι,  $k$  διαστάσεις

$$O(k^k \sqrt{n})$$



Βασικά σημεία:

- Κάθε κόμβος αποθηκεύει πληροφορία για ένα τμήμα του διανυσματικού χώρου και γνωρίζει τις δυνσεις των διπλανών του κόμβων

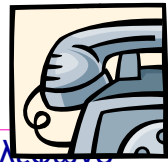
Επιδόσεις

- Χρόνος αναζήτησης:  $O(k n^{1/k})$  (με μεγάλη πιθανότητα)
- Πλήθος Μηνυμάτων:  $O(k n^{1/k})$  (επιλεκτική δρομολόγηση μηνυμάτων)
- Κόστος αποθήκευσης:  $O(k)$  (πίνακας δρομολόγησης)
- Κόστος ενημέρωσης: μικρό (περίπου σαν το κόστος αναζήτησης)





## Περίληψη Ομότιμων Συστημάτων



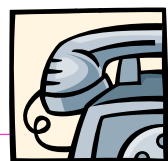
Έστω ότι στην Ελλάδα κατοικούν 1000 άτομα και κάθε ένας τους έχει ένα τηλέφωνο

Τρόποι εύρεσης του τηλεφώνου ενός κυρίου X

- **Napster-style**
  - Εύρεση τηλεφώνου τηλεφωνώντας στο 11811 του ΟΤΕ
- **Gnutella-style**
  - Εύρεση τηλεφώνου ρωτώντας όποιον βρούμε μπροστά μας (κ.ο.κ)
- **Kazaa-style**
  - Δεν υπάρχει ΟΤΕ για όλη την Ελλάδα, αλλά κάθε νομός έχει έναν τοπικό ΟΤΕ. Τηλεφωνούμε στον τοπικό και αν αυτός δεν το έχει, επικοινωνεί με τους υπόλοιπους τοπικούς ΟΤΕ



## Περίληψη Ομότιμων Συστημάτων



- **Freenet-style**
  - Κάθε ένας έχει μια ατζέντα περιορισμένου μεγέθους. Εύρεση τηλεφώνου τηλεφωνώντας σε αυτόν που έχει το πλησιέστερο όνομα (π.χ. λεξικογραφικά), κ.ο.κ. Όταν εν τέλει βρεθεί, ενημερώνουμε την ατζέντα μας.
- **Chord-style**
  - Κάθε κάτοικος έχει μια ατζέντα με 10 τηλέφωνα ( $10 = \log 1024$ )
  - Η εύρεση του τηλεφώνου του κυρίου X θα γίνει με 10 τηλεφωνήματα
- **CAN-style**
  - Κάθε ένας ξέρει το τηλέφωνο των γειτόνων του
    - αν όλοι οι Έλληνες ζουν σε μονοκατοικίες τότε κάθε ένας έχει 4 γείτονες (Βορ, Νοτ, Α, Δ)
    - αν όλοι οι Έλληνες ζουν σε 1 πολυκατοικία τότε κάθε ένας έχει 6 γείτονες
  - Για να τηλεφωνήσω σε κάποιον πρέπει να ξέρω που είναι το σπίτι του και τηλεφωνώ στο γείτονα μου που είναι προς εκείνη την κατεύθυνση (κ.ο.κ)
  - Αν όλοι μένουν σε μονοκατοικίες τότε  $2 * \text{SQRT}(1000) = 64$  τηλεφωνήματα
  - Αν όλοι μένουν σε μια πολυκατοικία τότε  $3 * \text{CubicRoot}(1000) = 3 * 10$  τηλεφωνήματα